

### 1. Tam thức bậc hai :

$$f(x) = ax^2 + bx + c \quad (a \neq 0 ; \alpha, \beta \in \mathbb{R} ; \alpha < \beta ; S = -\frac{b}{a})$$

$f(x) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta \leq 0 \\ a > 0 \end{cases}$	$\begin{cases} \alpha < x_1 < x_2 \\ x_1 < x_2 < \alpha \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ af(\alpha) > 0 \end{cases}$
$f(x) \leq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta \leq 0 \\ a < 0 \end{cases}$	$x_1 < \alpha < \beta < x_2 \Leftrightarrow \begin{cases} af(\alpha) < 0 \\ af(\beta) < 0 \end{cases}$
$\alpha$ là nghiệm của $f(x) \Leftrightarrow f(\alpha) = 0$	$x_1 < \alpha < x_2 < \beta \Leftrightarrow \begin{cases} af(\alpha) < 0 \\ af(\beta) > 0 \end{cases}$
$x_1 < \alpha < x_2 \Leftrightarrow af(\alpha) < 0$	$\alpha < x_1 < \beta < x_2 \Leftrightarrow \begin{cases} af(\alpha) > 0 \\ af(\beta) < 0 \end{cases}$
$\alpha < x_1 < x_2 \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ af(\alpha) > 0 \\ \frac{S}{2} - \alpha > 0 \end{cases}$	$\begin{cases} x_1 < \alpha < x_2 < \beta \\ \alpha < x_1 < \beta < x_2 \end{cases} \Leftrightarrow f(\alpha) \cdot f(\beta) < 0$
$x_1 < x_2 < \alpha \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ af(\alpha) > 0 \\ \frac{S}{2} - \alpha < 0 \end{cases}$	$\alpha < x_1 < x_2 < \beta \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ af(\alpha) > 0 \\ af(\beta) > 0 \\ \frac{S}{2} - \alpha > 0 \\ \frac{S}{2} - \beta < 0 \end{cases}$

## 2. Bất đẳng thức Cauchy (Cô-si) :

$$\bullet a, b \geq 0 \text{ thì } \frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab} \quad , \text{ dấu "=" xảy ra } \Leftrightarrow a = b$$

$$\bullet a, b, c \geq 0 \text{ thì } \frac{a+b+c}{3} \geq \sqrt[3]{abc} \quad , \text{ dấu "=" xảy ra } \Leftrightarrow a = b = c$$

## 3. Cấp số cộng :

a/. **Định nghĩa :** Dãy số  $u_1, u_2, \dots, u_n, \dots$

gọi là một cấp số cộng có công sai d nếu  $u_k = u_{k-1} + d$

b/. **Số hạng thứ n :**  $u_n = u_1 + (n - 1)d$

c/. **Tổng n số hạng đầu tiên :**

$$S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n = \frac{n}{2} (u_1 + u_n) = \frac{n}{2} [2u_1 + (n - 1)d]$$

## 4. Cấp số nhân :

a/. **Định nghĩa:** Dãy số  $u_1, u_2, \dots, u_n, \dots$

gọi là một cấp số nhân có công bội q nếu  $u_k = u_{k-1} \cdot q$

b/. **Số hạng thứ n :**  $u_n = u_1 \cdot q^{n-1}$

c/. **Tổng n số hạng đầu tiên :**

$$S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n = u_1 \frac{1 - q^n}{1 - q} \quad (q \neq 1)$$

Nếu  $-1 < q < 1$  ( $|q| < 1$ ) thì  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = \frac{u_1}{1 - q}$

### 5. Phương trình, bất phương trình chứa giá trị tuyệt đối :

$ A  =  B  \Leftrightarrow A = \pm B$	$ A  <  B  \Leftrightarrow A^2 < B^2$
$ A  = B \Leftrightarrow \begin{cases} B \geq 0 \\ A = \pm B \end{cases}$	$ A  > B \Leftrightarrow \begin{cases} A > B \\ A < -B \end{cases}$
$ A  < B \Leftrightarrow \begin{cases} A < B \\ A > -B \end{cases}$	

### 6. Phương trình, bất phương trình chứa căn :

$\sqrt{A} = \sqrt{B} \Leftrightarrow \begin{cases} A \geq 0 \text{ (} B \geq 0 \text{)} \\ A = B \end{cases}$	$\sqrt{A} < B \Leftrightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ B > 0 \\ A < B^2 \end{cases}$
$\sqrt{A} = B \Leftrightarrow \begin{cases} B \geq 0 \\ A = B^2 \end{cases}$	$\sqrt{A} > B \Leftrightarrow \begin{cases} B < 0 \\ A \geq 0 \end{cases} \vee \begin{cases} B \geq 0 \\ A > B^2 \end{cases}$
$\sqrt{A} < \sqrt{B} \Leftrightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ A < B \end{cases}$	

### 7. Phương trình, bất phương trình logarit :

$\log_a f(x) = \log_a g(x) \Leftrightarrow \begin{cases} 0 < a \neq 1 \\ f(x) > 0 \text{ (hoặc } g(x) > 0 \text{)} \\ f(x) = g(x) \end{cases}$
$\log_a f(x) > \log_a g(x) \Leftrightarrow \begin{cases} 0 < a \neq 1 \\ f(x) > 0 \\ g(x) > 0 \\ (a - 1)[f(x) - g(x)] > 0 \end{cases}$

### 8. Phương trình, bất phương trình mũ :

$$a^{f(x)} = a^{g(x)} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 < a \neq 1 \\ f(x) = g(x) \end{cases} \vee \begin{cases} a = 1 \\ f(x), g(x) \text{ xác định} \end{cases}$$

$$a^{f(x)} > a^{g(x)} \Leftrightarrow \begin{cases} a > 0 \\ (a - 1)[f(x) - g(x)] > 0 \end{cases}$$

### 9. Lũy thừa : $a, b > 0$

$$a^\alpha \cdot a^\beta \cdot a^\gamma = a^{\alpha + \beta + \gamma}$$

$$\frac{a^\alpha}{b^\alpha} = \left(\frac{a}{b}\right)^\alpha$$

$$(a^\alpha)^\beta = a^{\alpha\beta}$$

$$a^\alpha \cdot b^\alpha = (a \cdot b)^\alpha$$

$$a^{-\alpha} = \frac{1}{a^\alpha}$$

$$\sqrt[n]{a^k} = a^{\frac{k}{n}}$$

$$\sqrt[m]{\sqrt[n]{a^k}} = \sqrt[m \cdot n]{a^k} = a^{\frac{k}{m \cdot n}}$$

### 10. Logarit : $0 < N_1, N_2, N$ và $0 < a, b \neq 1$ ta có

$$\log_a N = M \Leftrightarrow N = a^M$$

$$\log_a \left(\frac{N_1}{N_2}\right) = \log_a N_1 - \log_a N_2$$

$$\log_a a^M = M$$

$$\log_a N^\alpha = \alpha \log_a N$$

$$a^{\log_a N} = N$$

$$\log_{a^\alpha} N = \frac{1}{\alpha} \log_a N$$

$$N_1^{\log_a N_2} = N_2^{\log_a N_1}$$

$$\log_a N = \frac{\log_b N}{\log_b a}$$

$$\log_a (N_1 \cdot N_2) = \log_a N_1 + \log_a N_2$$

$$\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$$